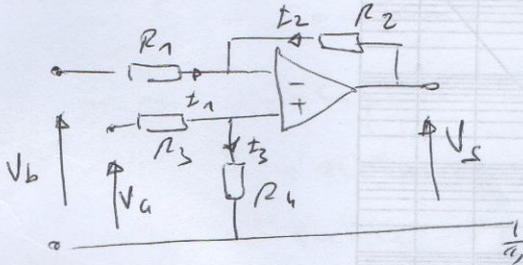


**Questions de cours : 9Pts**

- Définir brièvement ce qu'est :
  - un capteur (0.5Pt)
  - un biocapteur (0.5Pt)
- Citer et expliquer brièvement les deux principales caractéristiques métrologiques d'un capteur ou biocapteur (1Pt)
- Citer les principaux types de biocapteurs électrochimiques avec une brève explication (1Pt)
- Citer la loi de Nernst (brève explication pour chacun de ses paramètres) (1Pt)
- Définir brièvement les différents types de biocapteurs optiques (1Pt).
- Citer (sans explications) les différents types de biocapteurs à fibre optique (0.5Pt).
- Définir brièvement ce qu'est l'effet piézo-électrique (0.5Pt)
  - Définir brièvement le biocapteur « microbalance à quartz » (1Pt).
- Définir brièvement les enzymes et leurs possibilités dans le fonctionnement dans un biocapteur (0.5Pt).
- Comment fonctionne la technique d'immobilisation (0.5Pt).
  - Citer (sans explications) les différents techniques d'immobilisation (0.5Pt)
  - ces dernières sont regroupées en deux sous-classes ; comment s'appellent-elles ? (0.5Pt)

**Exercice A : 5.5Pts**

Considérons le montage différentiel suivant :



$$R1 = 10,04 \text{ k}\Omega ; R2 = 99,88 \text{ k}\Omega ;$$

$$R3 = 9,90 \text{ k}\Omega ; R4 = 100,25 \text{ k}\Omega .$$

- Montrer que la tension de sortie peut s'écrire sous la forme suivante :  $V_s = AV_a - BV_b$ . Donnez les expressions puis les valeurs numériques des constantes A et B. (1.5Pt)
- Déterminer les expressions puis les valeurs numériques de  $A_d$  et de  $A_{mc}$ . (1.5Pt)
- En déduire la valeur numérique du rapport de réjection de la tension du mode commun R<sub>RRMC</sub>. Quelles remarques peut-on faire sur la base du résultat trouvé ? (1Pt)
- On voudrait avoir  $V_{so} = 10(V_a - V_b)$  avec  $R10 = R30 = 10,00 \text{ k}\Omega ; R20 = R40 = 100,00 \text{ k}\Omega$ . Sachant que  $V_a = 12,00 \text{ V}$  et  $V_b = 11,85 \text{ V}$  calculer l'incertitude relative  $\epsilon_v = \Delta V_s / V_{so}$ . Procéder à sa comparaison à la précision effective des résistances ( $\Delta R1 / R10$ , etc.). Conclusion. (1.5Pt)

**Exercice 9 : 5.5 Pts**

Considérons une thermistance dont la variation de sa résistance en fonction de la température est donnée par la relation suivante :  $R(T) = R_0 \cdot \exp [B (1/T - 1/T_0)] = R_0 \cdot e^{B(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0})}$

La figure 1 donne une représentation en échelle semi-logarithmique de la variation de  $R(T)$  en fonction de  $1/T$  et de  $T$  (simultanément).

1/ a) Déterminer graphiquement (en utilisant la figure 1) les valeurs de  $R(T)$  pour les températures  $T_a$  et  $T_b$  (aux points a et b). (0.5Pt)

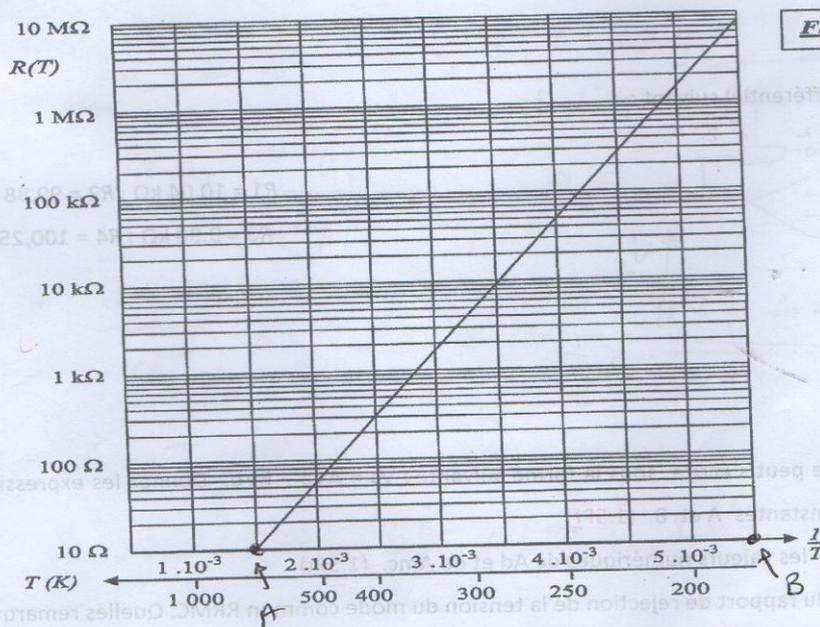
b) Déterminer l'expression théorique de  $B = f(T_a, T_b)$ . (0.5Pt)

c) En déduire sa valeur numérique. (0.5Pt)

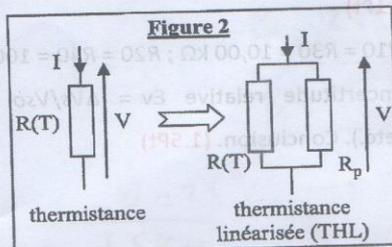
2/ Donner l'expression puis la valeur numérique du coefficient de température  $\alpha$  de la thermistance. (1Pt)

3/ On cherche à linéariser la réponse de cette thermistance en mettant en parallèle avec  $R(T)$  une résistance  $R_p$  Notée  $R// = R_p // R(T)$ . (Figure 2. Déterminer dans ce cas l'expression théorique de la résistance  $R_p = f(B, T_m, R(T_m))$  permettant de linéariser la réponse de la thermistance à la température de mesure  $T_m$  par utilisation de la technique du point d'inflexion en annulant la deuxième dérivée de  $R//$ .) (2Pts).

4/ Pour une température  $\Theta = 25^\circ\text{C}$  en déduire la valeur numérique de  $R_p$ . (1Pt)



**Figure 1**



11.1 INB

Questions de Cours : 9 pts (Voir Cours)

Exercice 1 : 5,5 pts

$$1/ e^- = \frac{V_b + \frac{V_s}{R_2}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}} ; \text{ et } e^+ = \frac{R_4 V_a}{R_3 + R_4} \Rightarrow V_s = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_a - \frac{R_2}{R_1} V_b$$

$$V_s = A V_a - B V_b \quad \text{avec} \quad \begin{cases} A = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) \\ B = \frac{R_2}{R_1} \end{cases} \quad \text{0,75}$$

A.N :

$$\begin{cases} A = 9,9642 \\ B = 9,9482 \end{cases} \quad \text{0,75}$$

$$2/ V_s = A_d (V_a - V_b) + A_{mc} \left(\frac{V_a + V_b}{2}\right) = A V_a - B V_b$$

par identification on aura

$$\begin{cases} A_d + \frac{A_{mc}}{2} = 9,9642 = A \\ A_d - \frac{A_{mc}}{2} = 9,9482 = B \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A_d = 9,9562 \\ A_{mc} = 0,016 \end{cases} \quad \text{0,75}$$

$$3/ \text{TRAC} = 20 \log \frac{A_d}{A_{mc}} \Rightarrow \boxed{\text{TRAC} = 56 \text{ dB}} \quad \text{0,5}$$

Remarque : 56 dB est petit. Pour avoir une bonne réjection de la tension du mode commun il faut avoir  $\text{TRAC} \geq 100 \text{ dB}$  on obtient :

- en ajustant les valeurs de  $R_1, R_2, R_3, R_4$
- en utilisant un amplificateur différentiel à 3 AOP ou intégré.

0,5

4/  $V_{S0} = 10 (12 - 11,85) = 1,5V$

$$V_S = 9,9562 (12 - 11,85) + 0,016 \left( \frac{12 + 11,85}{2} \right)$$

$$V_S = 1,684V \quad \Delta V_S = 1,684 - 1,5$$

$$\Delta V_S = 0,184V, \text{ et } \epsilon_V = \frac{\Delta V_S}{V_{S0}} = \frac{0,184V}{1,5V} = 0,122$$

$$\Rightarrow \boxed{\epsilon_V = 12\%}$$

1

$$\epsilon_{R1} = \frac{0,04}{10} = 0,4\% ; \epsilon_{R2} = \frac{0,12}{100} = 0,12\%$$

$$\epsilon_{R3} = \frac{0,1}{10} = 1\% ; \epsilon_{R4} = \frac{0,25}{100} = 0,25\%$$

$$\boxed{\epsilon_{R_i} \ll \epsilon_V}$$

0,5

Les résistances ne introduisent pas beaucoup d'erreur dans le fonctionnement du montage différentiel.

Exercice 2 : 5,5 pts

$$2) a) R(T_a) = 10\Omega$$

$$\frac{1}{T_a} = 1,5 \cdot 10^{-3} K^{-1}$$

0,5

$$R(T_b) = 8\Omega$$

$$\frac{1}{T_b} = 5,5 \cdot 10^{-3} K^{-1}$$

$$b) R(T_a) = R_0 e^{B \left( \frac{1}{T_a} - \frac{1}{T_0} \right)}$$

$$R(T_b) = R_0 e^{B \left( \frac{1}{T_b} - \frac{1}{T_0} \right)}$$

$$\Rightarrow \boxed{0,5} B = \frac{\text{Log} [R(T_b) / R(T_a)]}{\frac{1}{T_b} - \frac{1}{T_a}} \Rightarrow \boxed{B = 3,4 \cdot 10^3 K}$$

$$c) \boxed{B = 3,4 \cdot 10^3 K} \quad 0,5$$

$$2) \quad d = \frac{1}{R} \frac{dR(t)}{dT} = \frac{1}{R(t)} \left( -\frac{B}{T^2} \right) R(t)$$

$$0,5) \quad \left| d = -\frac{B}{T^2} \right|$$

$$A.N \quad \left| d = -3,83 \cdot 10^{-2} (K) \right| \quad 0,5$$

$$3) \quad R_H = \frac{R_p \cdot R(t)}{R_p + R(t)}$$

$$\frac{dR_H(t)}{dT} = \frac{R_p^2}{(R_p + R(t))^2} \frac{d^2 R(t)}{dT}$$

$$\frac{d^2 R_H(t)}{dT^2} = \frac{R_p^2}{(R_p + R(t))^2} \left[ \frac{d^2 R(t)}{dT^2} - \frac{2}{R_p + R(t)} \left( \frac{dR(t)}{dT} \right)^2 \right]$$

$$\frac{d^2 R_H(t)}{dT^2} = 0 \Rightarrow \frac{d^2 R(t)}{dT^2} = \frac{2}{R_p + R(t)} \left( \frac{dR(t)}{dT} \right)^2$$

$$0 \text{ car } \frac{R_p^2}{(R_p + R(t))^2} > 0$$

$$\Rightarrow \frac{dR(t)}{dT} = -\frac{B}{T^2} R(t); \quad \frac{d^2 R(t)}{dT^2} = \left( \frac{B^2}{T^4} + \frac{2B}{T^3} \right) R(t)$$

à  $T = T_m$  on écrit

$$\frac{B^2}{T_m^4} R(T_m) + \frac{2B}{T_m^3} R(T_m) - \frac{2B^2}{T_m^4} \frac{R(T_m)^2}{R_p + R(T_m)} = 0$$

$$\Rightarrow \left[ R_p = \frac{B - 2T_m}{B + 2T_m} R(T_m) \right] \quad 2$$

si figure 1  $\rightarrow \theta = 25^\circ C \rightarrow T_m = 300 \text{ (298)} \rightarrow R = 5k\Omega$

$$\Rightarrow \left[ R_p = 3,5k\Omega \right] \quad 1$$