

Nom :

Prénom :

Section :

Examen Final de Résistance des Matériaux 2
(L3)

QUESTIONS A CHOIX SIMPLE (6 PTS)

Répondre en cochant la bonne réponse directement sur la feuille.

- (0.5 pt) 1/ Les matériaux des poutres étudiées sont supposés
- Homogènes et isotropes
 - Continus et anisotropes
- (0.5 pt) 2/ Les équations qui régissent le principe fondamental de la statique dans le plan sont au nombre de
- Deux
 - Trois
 - Six
- (0.5 pt) 3/ On considère qu'au cours des déformations les sections droites de la poutre
- Restent planes et perpendiculaires à la ligne moyenne
 - Se déforment mais restent perpendiculaires à la ligne moyenne
- (0.5 pt) 4/ Une torsion est provoquée par un moment autour de
- L'axe longitudinale de la poutre
 - L'un des axes transversaux de la poutre
- (0.5 pt) 5/ L'axe neutre est le lieu des points où
- La contrainte est maximale dans la section droite
 - La contrainte est nulle dans la section droite
- (0.5 pt) 6/ Une section est dite soumise à la flexion pure si
- $N \neq 0, T \neq 0$ et $M \neq 0$
 - $N = 0, T = 0$ et $M \neq 0$
 - $N = 0, T \neq 0$ et $M \neq 0$
- (0.5 pt) 7/ Pour qu'une poutre résiste en toute sécurité au cisaillement, il faut que :
- $\sigma_{max} = 0$
 - $\sigma_{max} \leq \sigma_{admissible}$
 - $\tau_{max} < \tau_{admissible}$

- (0.5 pt) 8/ Les structures en treillis utilisées dans le domaine de la construction sont souvent en
- Béton et rarement en acier ou en bois
 - Acier et rarement en béton ou en bois
 - Acier ou en bois
- (0.5 pt) 9/ Une poutre encastrée d'une extrémité et libre de l'autre extrémité est
- Une fois hyperstatique
 - Trois fois hyperstatique
 - Isostatique
- (0.5 pt) 10/ Pour qu'une poutre résiste en toute sécurité à la flexion, il faut que :
- $\sigma_{max} \leq \sigma_{admissible}$
 - $\sigma_{max} = 0$
 - $\sigma_{max} > \sigma_{admissible}$
- (0.5 pt) 11/ L'appui simple comporte
- Trois réactions inconnues
 - Une réaction inconnue
 - Deux réactions inconnues
- (0.5 pt) 12/ Une section est dite soumise à la flexion déviée, si
- $N = 0, M_y \neq 0$ et $M_z \neq 0$
 - $N \neq 0, M_y \neq 0$ et $M_z = 0$
 - $N \neq 0, M_y \neq 0$ et $M_z \neq 0$

Examen Final de Résistance des Matériaux 2
 (L3)

EXERCICE 1 : (6 PTS)

Soit le système réticulé montré par la figure 1. Il est soumis à une force horizontale $F_1 = 30 \text{ kN}$, et une force verticale $F_2 = 40 \text{ kN}$. Toutes les barres du système ont la même section $A = 100 \text{ cm}^2$. On demande de déterminer les efforts internes et les contraintes dans toutes les barres.

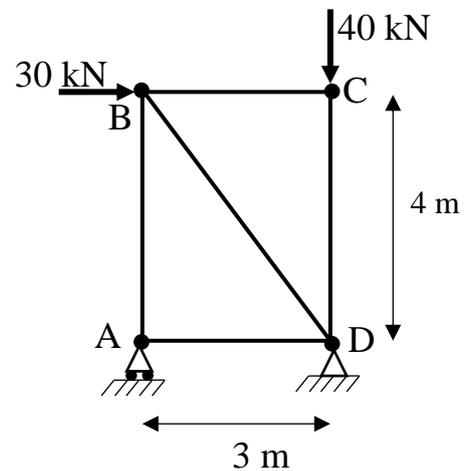


Figure 1

EXERCICE 2 : (9 PTS)

Soit le portique soumis à deux forces d'intensité P tel que montré par la figure 2

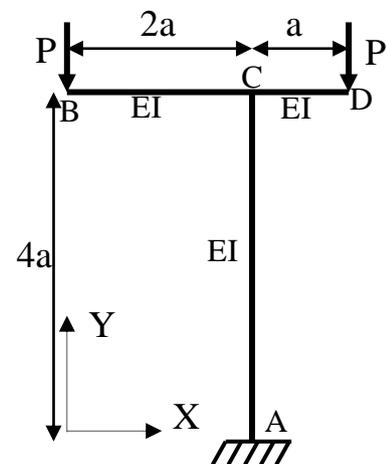


Figure 2

- (4.5 pts) 1/ Tracer les diagrammes des efforts internes N , T et M .
- (1.5 pts) 2/ Donner le mode de sollicitation pour chacune des travées du portique.
- (3 pts) 3/ Calculer les déplacements horizontal, vertical et la rotation de l'extrémité B , en utilisant le théorème de Castigliano et en supposant la flexion dominante.

Bon courage

Nom :

Prénom :

Section :

Solution de l'Examen Final de Résistance des Matériaux 2
(L3)

QUESTIONS A CHOIX SIMPLE (6 PTS)

- (0.5 pt)** 1/ Les matériaux des poutres étudiées sont supposés
- Homogènes et isotropes
 - Continus et anisotropes
- (0.5 pt)** 2/ Les équations qui régissent le principe fondamental de la statique dans le plan sont au nombre de
- Deux
 - Trois
 - Six
- (0.5 pt)** 3/ On considère qu'au cours des déformations les sections droites de la poutre
- Restent planes et perpendiculaires à la ligne moyenne
 - Se déforment mais restent perpendiculaires à la ligne moyenne
- (0.5 pt)** 4/ Une torsion est provoquée par un moment autour de
- L'axe longitudinale de la poutre
 - L'un des axes transversaux de la poutre
- (0.5 pt)** 5/ L'axe neutre est le lieu des points où
- La contrainte est maximale dans la section droite
 - La contrainte est nulle dans la section droite
- (0.5 pt)** 6/ Une section est dite soumise à la flexion pure si
- $N \neq 0, T \neq 0$ et $M \neq 0$
 - $N = 0, T = 0$ et $M \neq 0$
 - $N = 0, T \neq 0$ et $M \neq 0$
- (0.5 pt)** 7/ Pour qu'une poutre résiste en toute sécurité au cisaillement, il faut que :
- $\sigma_{max} = 0$
 - $\sigma_{max} \leq \sigma_{admissible}$
 - $\tau_{max} < \tau_{admissible}$

- (0.5 pt) 8/** Les structures en treillis utilisées dans le domaine de la construction sont souvent en
- Béton et rarement en acier ou en bois
 - Acier et rarement en béton ou en bois
 - Acier ou en bois
- (0.5 pt) 9/** Une poutre encastrée d'une extrémité et libre de l'autre extrémité est
- Une fois hyperstatique
 - Trois fois hyperstatique
 - Isostatique
- (0.5 pt) 10/** Pour qu'une poutre résiste en toute sécurité à la flexion, il faut que :
- $\sigma_{max} \leq \sigma_{admissible}$
 - $\sigma_{max} = 0$
 - $\sigma_{max} > \sigma_{admissible}$
- (0.5 pt) 11/** L'appui simple comporte
- Trois réactions inconnues
 - Une réaction inconnue
 - Deux réactions inconnues
- (0.5 pt) 12/** Une section est dite soumise à la flexion déviée, si
- $N = 0, M_y \neq 0$ et $M_z \neq 0$
 - $N \neq 0, M_y \neq 0$ et $M_z = 0$
 - $N \neq 0, M_y \neq 0$ et $M_z \neq 0$

Examen Final de Résistance des Matériaux 2
 (L3)

EXERCICE 1 : (6 PTS)

Calcul des réactions par le principe fondamental de la statique

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -H_D + 30 = 0 \Rightarrow H_D = 30 \text{ kN (0.25pt)}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow R_D + R_A = 40$$

$$\sum M_A = 0 \Rightarrow 3 * R_D - 30 * 4 - 3 * 40 = 0$$

$$R_D = 80 \text{ kN (0.25 pt)}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow R_A = -40 \text{ kN (0.5 pt)}$$

Calcul de l'angle \widehat{ABD}

$$\text{tg}(\widehat{ABD}) = \frac{3}{4} \Rightarrow (\widehat{ABD}) = 36.8699^\circ$$

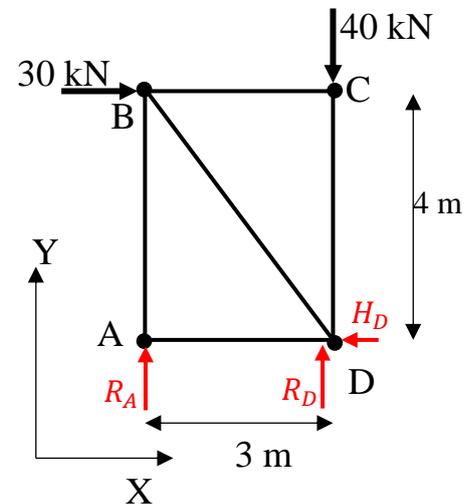


Figure 1

Pour le calcul des efforts dans les barres on utilise la méthode des nœuds.

L'équilibre du nœud A

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{AD} = 0 \text{ (0.5 pt)}$$

La contrainte de la barre AD est donnée par $\sigma_{AD} = \frac{N_{AD}}{A} \Rightarrow \sigma_{AD} = 0 \text{ (0.5 pt)}$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{AB} + R_A = 0 \Rightarrow N_{AB} = 40 \text{ kN (0.5 pt)}$$

La contrainte de la barre AB est donnée par $\sigma_{AB} = \frac{N_{AB}}{A} \Rightarrow \sigma_{AB} = 0.4 \text{ kN/cm}^2 \text{ (0.5 pt)}$

L'équilibre du nœud B

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{BA} - N_{BD} \cos(36.8699) = 0 \Rightarrow N_{BD} = -50 \text{ kN (0.5 pt)}$$

La contrainte de la barre BD est donnée par $\sigma_{BD} = \frac{N_{BD}}{A} \Rightarrow \sigma_{BD} = -0.5 \text{ kN/cm}^2 \text{ (0.5 pt)}$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{BC} + N_{BD} \sin(36.8699) + 30 = 0 \Rightarrow N_{BC} = 0 \text{ kN (0.5 pt)}$$

La contrainte de la barre BC est donnée par $\sigma_{BC} = \frac{N_{BC}}{A} \Rightarrow \sigma_{BC} = 0 \text{ kN/cm}^2 \text{ (0.5 pt)}$

L'équilibre du nœud C

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{CB} = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{CD} - 40 = 0 \Rightarrow N_{CD} = -40 \text{ kN (0.5 pt)}$$

La contrainte de la barre CD est donnée par $\sigma_{CD} = \frac{N_{CD}}{A} \Rightarrow \sigma_{CD} = -0.4 \text{ kN/cm}^2 \text{ (0.5 pt)}$

L'équilibre du nœud D est un moyen de vérification

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{DA} + N_{DB} \sin(36.8699) + 30 = 0 - 50 * \sin(36.8699) + 30 = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{DC} + N_{DB} \cos(36.8699) + 80 = 0$$

EXERCICE 2 : (9 PTS)

1/ Les expressions des efforts internes par l'équilibre local de chaque poutre.

La convention utilisée est celle du trièdre directe traction positive.

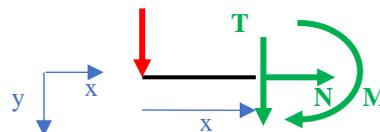
Poutre de travée BC $0 \leq x \leq 2a$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N(x) = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow T(x) = -P$$

$$\sum M_{/s} = 0 \Rightarrow M_{fz}(x) = Px$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \text{Pour } x = 0 & M_{fz} = 0 \\ \text{Pour } x = 2a & M_{fz} = 2Pa \end{cases}$$



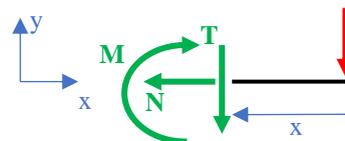
Poutre de travée DC $0 \leq x \leq a$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N(x) = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow T(x) = -P$$

$$\sum M_{/s} = 0 \Rightarrow M_{fz}(x) = -Px$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \text{Pour } x = 0 & M_{fz} = 0 \\ \text{Pour } x = a & M_{fz} = -Pa \end{cases}$$

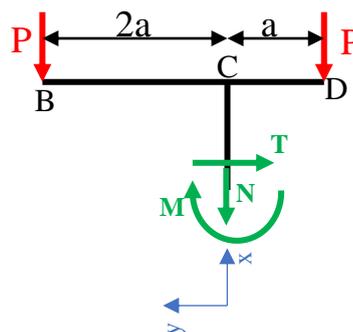


Poutre de travée AB $0 \leq x \leq 4a$

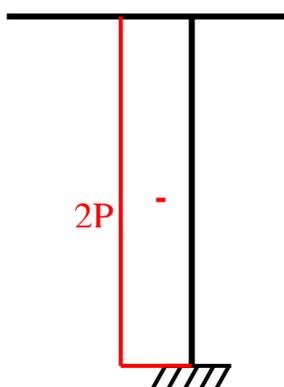
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N(x) = -2P$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow T(x) = 0$$

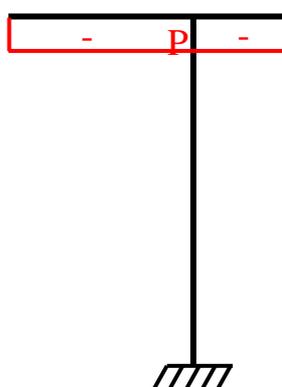
$$\sum M_{/s} = 0 \Rightarrow M_{fz}(x) = 2Pa - Pa = Pa$$



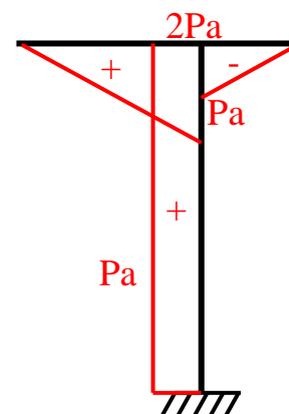
Effort normal N
(1.5 pts)



Effort tranchant T
(1.5 pts)



Moment fléchissant M_f
(1.5 pts)



2/ Le mode de sollicitation pour chacune des travées du portique.

| <u>Travée</u> | <u>Sollicitation</u> |
|---------------|---------------------------|
| BC | Flexion (0.5 pt) |
| CD | Flexion (0.5 pt) |
| AB | Flexion composée (0.5 pt) |

3/ Les déplacements horizontal, vertical et la rotation de l'extrémité B, en utilisant le théorème de Castigliano et en supposant la flexion dominante.

Le déplacement vertical est donné par

$$\delta_{VB} = \frac{\partial W_e}{\partial P} = \frac{1}{EI} \left[\int M_f \frac{\partial M_f}{\partial P} dx \right] = \frac{1}{EI} \left[\int_0^{4a} (2Pa - Pa)(2a) dx + \int_0^{2a} (Px)(x) dx + \int_0^a (-Px)(0) dx \right]$$

$$\delta_{VB} = \frac{32Pa^3}{3EI} \quad (1 \text{ pt})$$

Pour le déplacement horizontal et la rotation on ajoute un effort horizontal (F_{HB}) fictif et un moment (m_B) fictif.

$$\delta_{HB} = \frac{\partial W_e}{\partial F_{HB}} = \frac{1}{EI} \left[\int M_f \frac{\partial M_f}{\partial F_{HB}} dx \right] = \frac{1}{EI} \left[\int_0^{4a} (Pa - F_{HB}x)(-x) dx \right]$$

$$\delta_{HB} = \frac{-8Pa^3}{EI} \quad (1 \text{ pt})$$

$$\theta_B = \frac{\partial W_e}{\partial m_B} = \frac{1}{EI} \left[\int M_f \frac{\partial M_f}{\partial m_B} dx \right] = \frac{1}{EI} \left[\int_0^{4a} (Pa + m_B)(1) dx + \int_0^{2a} (-Px - m_B)(-1) dx \right]$$

$$\theta_B = \frac{6Pa^2}{EI} \quad (1 \text{ pt})$$